

# Résolution de Dispatching Optimal en Combinant l'Écoulement de Puissance pour le Calcul des Pertes

R. BELHACHEM, F. BENHAMIDA, A. BENDAOUED  
and Y. RAMDANI

**Résumé :** Dans ce papier, on a utilisé le langage graphique pour résoudre le problème de dispatching optimal. On a incorporé le calcul de Power Flow (PF) itérativement, afin de calculer les pertes et générer les B-coefficients, enfin le calcul de dispatching économique sera possible à partir des B-coefficients. Le processus est répété itérativement jusqu'à la convergence. LabVIEW (Laboratory Virtual Instrument Engineering Workbench) est un langage de programmation graphique. LabVIEW utilise la programmation par flux de données; c'est le flux des données transitant par les nœuds sur le diagramme qui détermine l'ordre d'exécution des instruments virtuels et des fonctions. Le dispatching optimal d'énergie électrique est un secteur essentiel dans les réseaux électriques, où on doit générer moins d'énergie pour la même demande en diminuant les pertes linéiques, avec une bonne gestion économique pour avoir le moindre coût du kWh possible. L'algorithme est testé pour un système énergétique de 26 nœuds et six générateurs, les résultats sont satisfaisants tant pour la qualité de solution que pour le temps de calcul.

**Mots clé** - Instruments virtuels, Power flow, Dispatching économique, La méthode des B-coefficients

## 1. INTRODUCTION

Le dispatching optimal (DO) est une gestion optimale de l'écoulement de puissance qui permet d'utiliser en priorité les unités de production de plus faible coût marginal, et de minimiser ainsi soit les pertes actives engendrées par le transport de l'énergie électrique soit le coût de la production de cette énergie.

La répartition des charges est l'un des principaux problèmes qui se pose aux gestionnaires d'un système de production - transport d'énergie électrique. La résolution de ce problème nous permet de déterminer les valeurs des modules et la phase de la tension à chaque nœud du réseau pour des conditions de fonctionnement données. Ce qui nous permettra de calculer les puissances transitées et générées plus les pertes.

L'utilisation d'un langage de programmation graphique qui utilise des icônes au lieu de lignes de texte rend l'attache facile à résoudre ce type de problème. Contrairement aux langages de programmation textuels où ce sont les instructions qui déterminent l'ordre d'exécution du programme, LabVIEW utilise la programmation par flux de données; c'est le flux des données transitant par les nœuds sur le diagramme qui détermine l'ordre d'exécution des instruments virtuels (VI) et des fonctions [1], [2] et [3].

La contribution de ce travail est d'utiliser le langage graphique LabVIEW pour résoudre le

problème de dispatching optimal en combinant le dispatching économique (DE) et l'écoulement de puissance, afin de minimiser la fonction objective qui est la fonction de coût de production d'énergie électrique, en satisfaisant les contraintes imposées par les centrales et le réseau électrique en tenant compte des pertes.

## 2. FORMULATION DU PROBLEME

### 2.1. Calcul de l'écoulement de puissance

Le calcul de l'écoulement de puissances dit aussi calcul de la répartition des charges permet de déterminer : (1) les tensions complexes aux niveaux des différents nœuds; (2) les puissances transitées d'un nœud à autre; (3) les puissances injectées à un nœud; (4) les pertes actives et réactives dans le réseau électrique.

Le calcul de l'écoulement de puissance en régime permanent établi se base sur le système d'équation linéaire suivante :

$$\bar{I} = \bar{Y} \cdot \bar{V} \quad (1)$$

Où  $\bar{I}$  est le vecteur complexe des courants nodaux injectée dans le réseau;  $\bar{Y}$  est la matrice des admittances complexes;  $\bar{V}$  est le vecteur complexe des tensions nodales.

Pour résoudre ce système d'équations linéaires, on doit imposer à chaque nœud soit la tension ou le courant injecté. Pratiquement ce problème est plus compliqué, car il faut définir les conditions de

fonctionnement du réseau. Ces conditions affectent les grandeurs électriques relatives aux nœuds du réseau tel que : la puissance active  $P$ , la puissance réactive  $Q$ , le module  $|V|$  et le déphasage  $\delta$  de tension.

On est obligé de laisser varier la production de la puissance active de l'une des centrales (nœud balancier). Ceci pour satisfaire l'énergie qui définit que la production soit égale à la consommation plus les pertes.

Les équations de l'écoulement de puissance sont données par le système d'équations suivant :

$$P_i = \sum_{k=1}^n |V_i| |V_k| [G_{ik} \cos(\delta_i - \delta_k) + B_{ik} \sin(\delta_i - \delta_k)] \quad (2)$$

$$Q_i = \sum_{k=1}^n |V_i| |V_k| [G_{ik} \sin(\delta_i - \delta_k) - B_{ik} \cos(\delta_i - \delta_k)]$$

$\delta_i, \delta_k$  sont les angles de déphasage aux nœuds  $i$  et  $k$ , respectivement ;  $|V_i|, |V_k|$  sont les amplitudes des tensions nodales, respectivement et  $Y_{ik} = G_{ik} + jB_{ik}$  est le terme  $ik$  dans la matrice admittance  $Y_{bus}$  du système de puissance.

Dans un grand réseau interconnecté où la puissance est transmise a travers de longues distances avec une faible densité de charge, les pertes dans les lignes de transmission sont un facteur important et affecte le DE de la production.

Il existe beaucoup de méthodes pour obtenir la formule de perte. Une méthode développée par *Kron* et adoptée par *Kirchmayer* est dite coefficient de perte ou la méthode B-coefficient permet de calculer les pertes actives dans le réseau suivant une formule plus générale contenant un terme quadratique  $B_{ij}$ , un terme linéaire  $B_{0i}$  et un terme constant  $B_{00}$  [4] [5] et [6].

$$P_L = \sum_{i=1}^{Ng} \sum_{j=1}^{Ng} P_{Gi} B_{ij} P_{Gj} + \sum_{i=1}^{Ng} B_{0i} P_{Gi} + B_{00} \quad (3)$$

$P_L$  : sont les pertes actives dans le réseau.

$B_{ij}$  : sont les coefficients de la formule des pertes ou les B-coefficients.

On utilise les résultats de la dérivation de formule de perte pour résoudre le DE ue. Le calcul se fait sous l'environnement LabVIEW et basé sur des méthodes de calcul classiques tel que la méthode de Newton-Raphson, Gauss-Seidel et la méthode *Fast Decoupled* [6], [7].

Il faut noter que les B-coefficients sont en fonctions de l'état de fonctionnement du système [8]. Ces coefficients de perte peuvent être assumé comme constants, si la variation de dispatching de production n'est pas loin de la condition de fonctionnement initiale (pour laquelle les B-coefficients sont calculé) [9].

## 2.2. Calcul de dispatching économique

La répartition économique de puissance dans un réseau de production et de transport à ( $Ng$ ) générateurs, consiste à déterminer les puissances actives produites par les différents générateurs dans les centrales de

production de l'énergie électrique et qui rendent minimales les frais de production [4].

C'est-à-dire on détermine les valeurs des puissances pour que le coût soit minimal, cela revient à minimiser la fonction coût :

$$F = f(P_{G1}, P_{G2}, \dots, P_{Gn}) \quad (4)$$

Tel que :

$$F = \sum_{i=1}^{Ng} F_i(P_{Gi}) \quad (5)$$

$P_{Gi}$  représente la puissance active générée au nœud ( $i$ ) ;

$F_i(P_{Gi})$  représente la fonction coût de la centrale ( $i$ ) exprimée en \$/h ;

$F$  : représente le coût total de production ;

$Ng$  : le nombre de nœuds générateurs (producteurs).

Dans le cas général on minimise cette fonction (i.e. Eq.5) tout en respectant certaines contraintes qu'on peut classer en deux types :

### 2.2.1. Contraintes d'égalités

Elles expriment l'équilibre d'énergie active d'un système électrique:

$$\sum_{i=1}^{Ng} P_{Gi} - P_{ch} - P_L = 0 \quad (6)$$

Avec

$$P_{ch} = \sum_{i=1}^{Nch} P_{chi} \quad (7)$$

Où  $P_{chi}$  est la puissance active consommée par la charge  $i$  ;  $P_{ch}$  représente la puissance active totale consommée ;  $P_L$  sont les pertes actives dans le réseau ;  $Nch$  représente le nombre de nœud consommateurs.

### 2.2.2. Contraintes d'inégalités

Dénommées contraintes de sécurité, elles caractérisent les limites minimales et maximales tolérées en puissance active produites par chaque générateur:

$$P_{Gi}^M - P_{Gi} \leq 0 \quad (8)$$

$$P_{Gi} - P_{Gi}^m \leq 0 \quad (9)$$

Où  $P_{Gi}^M$  est la puissance active maximale du générateur ( $i$ ) et  $P_{Gi}^m$  est la puissance active minimale du générateur ( $i$ ).

## 2.3. Présentation de la fonction coût

Les facteurs qui influencent le coût de production d'électricité sont :

- Le rendement de fonctionnement des générateurs,
- Le coût de combustible,
- Les pertes dans les lignes de transmission.

Le générateur le plus efficace dans le système ne garantit pas peut être le coût minimum s'il est situé dans un secteur où le coût de carburant est coûteux [10]. En

outre, si la centrale est située loin du centre de charge, les pertes de transmission peuvent être considérablement élevées et par conséquent la centrale sera peu économique.

Donc, le problème est de déterminer la production de différentes centrales pour que tous les coûts d'exploitation soient réduits au minimum. Les coûts d'exploitation jouent un rôle important dans l'établissement du bilan de puissance au moindre coût.

L'énergie absorbée par une centrale thermique est généralement mesurée en Btu/h (British thermal unit per hour), et la production est mesurée en MW.

La conversion des ordonnées de la courbe de taux de chaleur de Btu/h aux \$/h donne la courbe de coût de production.

$$F_i = C_i * \text{coût de combustible} \quad (10)$$

Le dernier terme dans l'(Eq.10) est le coût de combustible en (\$/MBTU). Cette valeur varie en fonction de combustible utilisé par le générateur ( $i$ ). Les valeurs typiques sont de 1.25 \$/ MBTU pour le charbon et de 2 \$/ MBTU pour le gaz naturel, et dépendant de la saison ainsi de marché [11], [12].

### 3. LA MÉTHODE ITERATIVE DE LAMBDA

#### 3.1. Formulation du problème

Le DE est un problème d'optimisation statique qui consiste à répartir la production de la puissance active demandée entre les différentes centrales du réseau, de sorte à exploiter ce dernier de la manière la plus économique possible. Cette distribution doit évidemment respecter les limites de production des centrales. La variable à optimiser est donc le coût de production. Le coût de production d'une centrale est généralement modélisé par une fonction polynomiale du second degré en  $P_{Gi}$  (puissance active générée par la centrale ( $i$ ) dont les coefficients ( $a_i$ ,  $b_i$ ,  $c_i$ ) sont des constantes propres à chaque centrale [13],[14]et [15]:

$$F_i(P_{Gi}) = a_i + b_i \cdot P_{Gi} + c_i \cdot P_{Gi}^2 \quad (11)$$

On peut directement constater que le problème d'optimisation est non-linéaire et soumis à des contraintes d'égalité (Eq.7) et d'inégalité (Eq.8) et (Eq.9).

On doit dans un tel cas utiliser la méthode dite de « Kuhn-Tucker ». Cette méthode consiste à construire le Lagrangien qui tient compte des contraintes d'égalité et des contraintes d'inégalité :

$$L(x, \lambda, \mu_i) = f(x) + \lambda \cdot g(x) + \sum_i \mu_i \cdot h_i(x) \quad (12)$$

Où  $f(x)$  est la fonction à optimiser ;  $g(x)$  est la contrainte d'égalité mis sous la forme  $g(x) = 0$  ;  $h(x)$  sont les contraintes d'inégalité mis sous la forme  $h(x) \leq 0$  ;  $\lambda$  et  $\mu_i$  sont les multiplicateurs de LaGrange.

Notre fonction à optimiser est bien entendu le coût total défini par l'(Eq.5).

L'équation d'optimisation résultante est l'équation augmentée suivante:

$$L = F + \lambda \left( P_{Ch} - \sum_{i=1}^{Ng} P_{Gi} \right) + \sum_{i=1}^{Ng} \mu_i^{\min} (P_{Gi}^m - P_{Gi}) + \dots \quad (13)$$

$$\dots + \sum_{i=1}^{Ng} \mu_i^{\max} (P_{Gi} - P_{Gi}^M)$$

Pour atteindre l'optimum, il suffit pour commencer d'évaluer l'(Eq.13) en négligeant les contraintes d'inégalité ( $P_{Gi} - P_{Gi}^M = 0$  et  $P_{Gi}^m - P_{Gi} = 0$ ). Si cet optimum vérifie les contraintes d'inégalité, il s'agit de la solution recherchée. Dans le cas contraire, on transforme certaines inégalités non-vérifiées en égalités (pour imposer ces inégalités à leurs limites) et on recalcule le nouveau optimum en tenant compte de ces nouvelles égalités. L'optimum sera atteint dès que toutes les contraintes d'inégalités seront vérifiées.

Cependant, un problème se pose très vite en appliquant cette méthode à notre problème. En effet, pour trouver le premier optimum des  $P_{Gi}$  (en négligeant donc les contraintes d'inégalité), il faut dériver notre Lagrangien en fonction des  $P_{Gi}$  et de coefficient de LaGrange  $\lambda$ , et annuler ces dérivées de sorte à obtenir les conditions sur l'optimum suivantes :

$$\frac{\partial L}{\partial P_{Gi}} = \frac{dF_i}{dP_{Gi}} - \lambda = 0 \quad (14)$$

$$\frac{\partial L}{\partial \lambda} = P_{ch} - \sum_{i=1}^{Ng} P_{Gi} = 0 \quad (15)$$

La dérivée ( $dF_i/dP_{Gi}$ ) est connue sous le nom de « coût incrémental ». Elle représente l'accroissement du coût correspondant à la production d'une unité de puissance supplémentaire.

Si on reprend la première condition, on peut calculer :

$$\lambda = \frac{dF_i}{dP_{Gi}} = b_i + 2c_i P_{Gi} \quad (16)$$

$$\Rightarrow P_{Gi} = \frac{(\lambda - b_i)}{2c_i} \quad (17)$$

En reprenant ensuite la seconde condition, on a :

$$P_{ch} = \sum_{i=1}^{Ng} P_{Gi} = \sum_{i=1}^{Ng} \frac{(\lambda - b_i)}{2c_i} \quad (18)$$

$$\Rightarrow \lambda = \left( \sum_{i=1}^{Ng} \frac{1}{2c_i} \right)^{-1} \left( P_{ch} + \sum_{i=1}^{Ng} \frac{b_i}{2c_i} \right) \quad (19)$$

$$\Rightarrow P_{Gi} = \frac{1}{2c_i} \left( \left( \sum_{i=1}^{Ng} \frac{1}{2c_i} \right)^{-1} \left( P_{ch} + \sum_{i=1}^{Ng} \frac{b_i}{2c_i} \right) - b_i \right) \quad (20)$$

### 4. ALGORITHME DE RESOLUTION DU PROBLEME

La contribution de ce travail est d'utiliser le langage graphique LabVIEW pour résoudre le

problème de DO en combinant le DE et l'écoulement de puissance, afin de minimiser la fonction objective qui est la fonction de coût de production d'énergie électrique, en satisfaisant les contraintes imposées par les centrales et le réseau électrique en tenant compte des pertes.

Pour obtenir le DO de production on a réalisé un instrument virtuel VI réalisé sous LabVIEW qu'on a nommé OptDisp.vi, l'algorithme de ce VI est basé sur les étapes suivantes [6]:

**Etape 1:** On résout le problème de l'écoulement de puissance par n'importe quel programme de power flow, le résultat va déterminer la puissance produite par le générateur connecté au nœud bilan.

**Etape 2:** On associe ce module de power flow avec un module qui calcule les B-coefficients pour la fonction de pertes de puissance.

**Etape 3:** Ensuite on exécute le module de DE, qui calcule les puissances produites par les générateurs y compris le générateur connecté au nœud bilan.

**Etape 4:** Calculer l'écart ( $|\Delta P_{g1}|$ ) entre la production de nœud bilan déterminée à partir de power flow, et la production de nœud bilan obtenue à partir de la solution de DE. On note cet écart par DPBilan.

**Etape 5:** Test de convergence : l'écart  $|\Delta P_{g1}|$  (DPBilan) doit être inférieur à une tolérance "ε" qu'on définit.

**Etape 6:** Si oui, arrêter et afficher les résultats, sinon, retourner à l'étape 1.

**5. ETUDE DE CAS ET RESULTATS**

Pour démontrer les performances de cet algorithme utilisé pour résoudre le DE optimal sous l'environnement LabVIEW. On l'a appliqué sur un système de 26 nœuds [6], qui contient 6 générateurs connectés aux nœuds 1, 2, 3, 4, 5 et 26. Le nœud 1, avec sa tension constante de  $1.025\angle 0^\circ$ , est considéré comme nœud bilan.

Sur la face avant du VI, on a affiché les données des nœuds (Figure 1) qui sont : l'amplitude de la tension ; le déphasage ; la consommation en puissance active et réactive ; la production de puissance active et réactive ; les limites en puissance réactive des générateurs ; le code du nœud (0, 1, et 2 sont attribués aux nœuds consommateurs, le nœud bilan et nœuds producteurs respectivement).

Les limites de la puissance active des générateurs et les coefficients des fonctions coûts sont données par la Figure 2.

On utilise la face avant de VI pour saisir en temps réel les critères de convergences qui sont la précision (l'erreur maximale permise) et le nombre d'itérations maximal plus la puissance de base choisie (Figure 3).

Les données des lignes sont aussi présentées sur la face avant de ce VI sous forme de matrice (Figure 4). La dernière colonne de cette matrice doit être soit 1 en cas d'une ligne, ou la valeur de réglage pour le cas d'un transformateur à réglage en charge.

Les résultats du DO sont obtenus par les trois méthodes de calcul de Power Flow (Newton Raphson,

Données des nœuds											
N°	code	Ampl.	déph.	charges		production		Q injecté			
Noeud	Noeud	Tension	degré	MW	Mvar	MW	Mvar	Qmin	Qmax	Qc-Qi	
1	1	1.025	0	51	41	447.5479	0	0	0	4	
2	2	1.02	0	22	15	173.0869	0	40	250	0	
3	2	1.025	0	64	50	263.3631	0	40	150	0	
4	2	1.05	0	25	10	138.7161	0	25	80	2	
5	2	1.045	0	50	30	166.0992	0	40	160	5	
6	0	1	0	76	29	0	0	0	0	2	
7	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	
8	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	
9	0	1	0	89	50	0	0	0	0	3	
10	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	
11	0	1	0	25	15	0	0	0	0	1.5	
12	0	1	0	89	48	0	0	0	0	2	
13	0	1	0	31	15	0	0	0	0	0	
14	0	1	0	24	12	0	0	0	0	0	
15	0	1	0	70	31	0	0	0	0	0.5	
16	0	1	0	55	27	0	0	0	0	0	
17	0	1	0	78	38	0	0	0	0	0	
18	0	1	0	153	67	0	0	0	0	0	
19	0	1	0	75	15	0	0	0	0	5	
20	0	1	0	48	27	0	0	0	0	0	
21	0	1	0	46	23	0	0	0	0	0	
22	0	1	0	45	22	0	0	0	0	0	
23	0	1	0	25	12	0	0	0	0	0	
24	0	1	0	54	27	0	0	0	0	0	
25	0	1	0	28	13	0	0	0	0	0	
26	2	1.015	0	40	20	86.9388	0	15	50	0	

Fig. 1. Données des nœuds de système de 26 nœuds et 6 générateurs sous LabVIEW.

Fast Decoupled et Gauss-Seidel) ainsi que le DE qui est résolu par la méthode itérative de Lambda.

Ce VI nommé OptDisp.vi permet d'afficher la solution de power flow et de DE. Choissant la méthode de Newton-Raphson pour le calcul de l'écoulement de puissance, les résultats de DO sont affichés sur la face avant du VI (Figure 5).

Dans ce cas, le programme de DO converge en quatre itérations. A la dernière itération du boucle While, la méthode de Newton-Raphson converge vers la solution du problème en sept itérations avec une erreur maximale égale à  $4,247 \cdot 10^{-10}$  pu (noté Erreur maximal). Le tableau décrit l'état final du système

	coeff. fonc coûts			mwlimits	
	a	b	c	Min	Max
G1	240	7	0,007	100	500
G2	200	10	0,0095	50	200
G3	220	8,5	0,009	80	300
G4	200	11	0,009	50	150
G5	220	10,5	0,008	50	200
G26	190	12	0,0075	50	120

Fig. 2. Limites des générateurs et coefficients des fonctions coûts.

Précision	PF maximum iteration	BaseMVA
0,0001	10	100

Fig. 3. Critères d'arrêt et puissance de base.

Données des lignes					
Nœud nl	Nœud nr	R pu	X pu	(1/2) B pu	=1 : ligne > < 1 : % transf
1	2	0,0055	0,0048	0,03	1
1	18	0,0013	0,0115	0,06	1
2	3	0,00146	0,0513	0,05	0,96
2	7	0,0103	0,0586	0,018	1
2	8	0,0074	0,0321	0,039	1
2	13	0,00357	0,0967	0,025	0,96
2	26	0,0323	0,1967	0	1
3	13	0,0007	0,00548	0,0005	1,017
4	8	0,0008	0,024	0,0001	1,05
4	12	0,0016	0,0207	0,015	1,05
5	6	0,0069	0,03	0,099	1
6	7	0,00535	0,0306	0,00105	1
6	11	0,0097	0,057	0,0001	1
6	18	0,00374	0,0222	0,0012	1
6	19	0,0035	0,066	0,045	0,95
6	21	0,005	0,09	0,0226	1
7	8	0,0012	0,00693	0,0001	1
7	9	0,00095	0,0429	0,025	0,95
8	12	0,002	0,018	0,02	1
9	10	0,00104	0,0493	0,001	1
10	12	0,00247	0,0132	0,01	1
10	19	0,0547	0,236	0	1
10	20	0,0066	0,016	0,001	1
10	22	0,0069	0,0298	0,005	1
11	25	0,096	0,27	0,01	1
11	26	0,0165	0,097	0,004	1
12	14	0,0327	0,0802	0	1
12	15	0,018	0,0598	0	1
13	14	0,0046	0,0271	0,001	1
13	15	0,0116	0,061	0	1
13	16	0,01793	0,0888	0,001	1
14	15	0,0069	0,0382	0	1
15	16	0,0209	0,0512	0	1
16	17	0,099	0,06	0	1
16	20	0,0239	0,0585	0	1
17	18	0,0032	0,06	0,038	1
17	21	0,229	0,445	0	1
19	23	0,03	0,131	0	1
19	24	0,03	0,125	0,002	1
19	25	0,119	0,2249	0,004	1
20	21	0,0657	0,157	0	1
20	22	0,015	0,0366	0	1
21	24	0,0476	0,151	0	1
22	23	0,029	0,099	0	1
22	24	0,031	0,088	0	1
23	25	0,0987	0,1168	0	1

Fig. 4. Données des lignes sous LabVIEW.

(solution de Power Flow); tensions et déphasage des nœuds, les charges ainsi que les puissances produites par les six générateurs qui sont comme suivant :

$$\begin{aligned}
 P_1 &= 447,612 \text{ MW}; & P_2 &= 173,0869 \text{ MW}; \\
 P_3 &= 263,3631 \text{ MW}; & P_4 &= 138,7161 \text{ MW}; \\
 P_5 &= 166,0992 \text{ MW}; & P_6 &= 86,9388 \text{ MW}.
 \end{aligned}$$

Les pertes totales du réseau électrique calculées par la formule de perte de Kron en fonction des B-coefficients (Eq.3) sont égales à 12,80701 MW.

Choisir la methode		Erreur maximal		N° d'iterations(PF)			
Newton raphson		4,247E-10		7			
Bus No.	Ampl. Tension	Angle Degree	-----Charges-----		-----Generation-----		Injected Mvar
			MW	Mvar	MW	Mvar	
1	1,025	0	51	41	447,612	250,583	4
2	1,02	-0,2	22	15	173,087	57,304	0
3	1,045	-0,639	64	50	263,363	78,28	0
4	1,05	-2,101	25	10	138,716	33,45	2
5	1,045	-1,453	50	30	166,099	142,891	5
6	1,001	-2,874	76	29	0	0	2
7	0,995	-2,406	0	0	0	0	0
8	0,998	-2,278	0	0	0	0	0
9	1,01	-4,387	89	50	0	0	3
10	0,991	-4,311	0	0	0	0	0
11	0,998	-2,824	25	15	0	0	1,5
12	0,994	-3,282	89	48	0	0	2
13	1,022	-1,261	31	15	0	0	0
14	1,008	-2,445	24	12	0	0	0
15	0,999	-3,229	70	31	0	0	0,5
16	0,99	-3,99	55	27	0	0	0
17	0,983	-4,366	78	38	0	0	0
18	1,007	-1,884	153	67	0	0	0
19	1,005	-6,074	75	15	0	0	5
20	0,983	-4,759	48	27	0	0	0
21	0,977	-5,411	46	23	0	0	0
22	0,98	-5,325	45	22	0	0	0
23	0,978	-6,388	25	12	0	0	0
24	0,969	-6,672	54	27	0	0	0
25	0,975	-6,256	28	13	0	0	0
26	1,015	-0,284	40	20	86,939	27,892	0

  

Test de converg.	Total	1263	637	1275,82	590,4	25	
0,001							
Puissance générées par PF (MW)		447,612	173,0869	263,3631	138,7161	166,0992	86,9388
Puissance générées par ED (MW)		447,6919	173,1938	263,486	138,8143	165,5883	87,026
Différence entre PF et ED(BILAN)		0,007994189					
lambda de Systeme(\$/MWh)				13,53811			
Le cout de production total (\$/h)		15447,7231					
Les Pertes totale (MW)			12,80701				
Sum(Pi)-Sum(Chi)[MW]					12,8161		

Temps de calcul(s) : 1,07706  
N° iteration(While) : 4  
N° Total d'iteration(LF) : 28

La solution de PF par Newton Raphson  
**LA SOLUTION ITERATIVE CONVERGE**

Fig. 5. Résultats de dispatching optimal de système de 26 nœuds et 6 générateurs sous LabVIEW.

Pour une tolérance  $\varepsilon$  égale à  $10^{-3}$  pu, et on exécute l'instrument virtuel OptDisp.vi pour la solution de DO, est atteinte une fois que DPBilan sera inférieur à  $\varepsilon$ . Le temps de calcul est égale à 1,693 s pendant les quatre itérations, avec un coût de production total égale à 15447.7231 \$/h.

Les puissances actives produites par les générateurs (calculées par le DE) sont comme suivant :

$$\begin{aligned}
 P_1 &= 447,6919 \text{ MW}; & P_2 &= 173,1938 \text{ MW}; \\
 P_3 &= 263,4860 \text{ MW}; & P_4 &= 138,8143 \text{ MW}; \\
 P_5 &= 165,5883 \text{ MW}; & P_6 &= 87,0260 \text{ MW};
 \end{aligned}$$

L'écart DPBilan entre la production de nœud bilan déterminée à partir de power flow, et la production de nœud bilan obtenue à partir de la solution de DE est égale à  $7,994189 \cdot 10^{-4}$  pu. Pour cette méthode, le coût de production incrémental vaut 13.53811 \$/MWh.

**Tab.1.** Résultats de dispatching optimal de système énergétique de 26 nœuds, 6 générateurs par les trois méthodes (précision = 10-4 pu, Tolérance = 0,001 pu).

Méthodes	Newton-Raphson	Fast Decoupled	Gauss-Seidel ( $\alpha = 1$ )	Gauss-Seidel ( $\alpha = 1.52$ )	
Puissances générées (Power Flow)	$P_{G1}$	447,612	447,6067	447,6572	447,6033
	$P_{G2}$	173,0869	172,7120	172,8252	172,712
	$P_{G3}$	263,3631	263,9504	264,0565	263,951
	$P_{G4}$	138,7161	138,7388	138,8391	138,7387
	$P_{G5}$	166,0992	165,8624	165,3568	165,862
	$P_{G26}$	86,9388	86,9394	87,0324	86,9393
Erreur Maximal (MW)	$4,247 \cdot 10^{-10}$	$9,32306 \cdot 10^{-5}$	$9,49215 \cdot 10^{-5}$	$9,50431 \cdot 10^{-5}$	
Puissances générées (Dispatching Optimal)	$P_{G1}$	447,6919	447,6823	447,7033	447,6823
	$P_{G2}$	173,1938	172,8252	172,8417	172,8251
	$P_{G3}$	263,4860	264,0564	264,0714	264,057
	$P_{G4}$	138,8143	138,8389	138,8542	138,8388
	$P_{G5}$	165,5883	165,3564	165,2783	165,3559
	$P_{G26}$	87,0260	87,0322	87,050	87,0321
Différence entre PF & DE (bilan) (MW)	$7,994189 \cdot 10^{-4}$	$7,554051 \cdot 10^{-4}$	$4,617589 \cdot 10^{-4}$	$7,893001 \cdot 10^{-4}$	
Temps de calcul (s)	0,95206	1,19207	2,02712	1,12606	
N° itérations (While)	4	4	5	4	
N° itérations total	28	104	650	168	
Pertes totales (fonction) (MW)	12,80701	12,79844	12,79991	12,7982	
Pertes totales (Balance) (MW)	12,8161	12,8098	12,7671	12,8062	
Coût incrémental (\$/MWh)	13,53811	13,53928	13,53955	13,53927	
Coût total	15447,7231	15447,6212	15447,7426	15447,6189	

Les deux autres méthodes de calcul de power flow divergent pour les conditions choisies, il fallait donc ajuster le nombre maximal d'itérations afin d'obtenir la convergence. Pour cet effet, on trouve que la méthode Fast Decoupled fait 104 itérations tandis que la méthode de Gauss-Seidel fait 650 itérations, en total, pour résoudre le problème. On a introduit une accélération égale à 1.52 qui nous a permis de minimiser ce nombre à 168 itérations.

En comparant les trois méthodes utilisées dans le calcul de DO (Tableau 1), le processus converge vers une solution en 4 itérations pour les trois méthodes de power flow utilisées. Dans le cas de la méthode de Newton-Raphson, la solution est atteinte en 28 itérations totales avec des pertes égales à 12,80701 MW. La méthode Fast Decoupled, atteint la solution en 104 itérations totales, avec des pertes égales à 12,79844 MW. En fin, la méthode de Gauss-Seidel accélérée ( $\alpha = 1.52$ ) est plus lente (168 itérations totale) par rapport aux deux premières méthodes avec une valeur de perte de puissance égale à 12,7982 MW. Le coût de production total en \$/h de DO est donné dans la dernière ligne du Tableau 1. Ces résultats sont exactement les mêmes que ceux de la référence [6] ce qui vérifie la validité de nos résultats.

## 6. CONCLUSION

L'utilisation de l'environnement LabVIEW qui est plus visuel et plus intuitif, et qui s'affirme aujourd'hui comme un standard dans les entreprises et les laboratoires pour le développement rapide d'installations pédagogiques ou de recherche avec l'avantage de compilation à autre codages de programmation (Matlab, C++,...). Les travaux de recherche présentés dans ce papier avaient pour but

l'utilisation adéquate de la programmation graphique LabVIEW à des applications en réseaux électriques, particulièrement dans la résolution du problème de DO. On peut envisager que l'utilisation de ce langage a permis la création d'un outil d'optimisation efficace, plus visuel et plus intuitif. Les résultats obtenus sont très satisfaisants tant pour la rapidité que pour la précision.

## RÉFÉRENCES

1. F. Cottet, "LabVIEW: Programmation et applications", Editions Dunod, 2009.
2. F. Cottet, E. Grolleau, "Systèmes temps réel de contrôle-commande - Conception et implémentation", Editions Dunod, 2005.
3. National Instruments Corporation, "LabVIEW Basics III: Development Course Manual", Course Software Version 8.5, Edition National Instruments, Mai 2008.
4. A.J. Wood, B.F. Wollenberg, "Power generation operation and control", John Wiley & Sons, 1984.
5. A.R. Berger, "Power System Analysis", Prentice-Hall, New Jersey, 2000.
6. H. Saadat, "Power System Analysis", McGraw-Hill, New York, 1999.
7. R. Belhachem, "Résolution de problème de dispatching économique sous l'environnement LabVIEW", mémoire de Magister, UDL SBA, 2011.
8. W. Cheney et D. Kincaid, "Numerical mathematics and computing", 4th edition, Brooks-Cole, New York, 2002.
9. J.O. Kim, D.J. Shin, J.N. Park, C. Singh, "Atavistic Genetic Algorithm for Economic Dispatch with wave-point effect", Electrical Power Systems Research, Vol. 62, No 3, pp. 201-207, Juillet 2002.
10. M. Aganagic, S. Mokhtari, "Security Constrained Economic Dispatch Using Nonlinear Dantzig-Wolfe Decomposition", IEEE Transactions on Power Systems, Vol. 12, No. 1, pp.105-112, Février 1991.
11. F. Benhamida, "A Short-term unit commitment solution using Lagrangian relaxation method", Thèse de Doctorat, Electrical Engineering Department, Alexandria University, Décembre 2006.

12. Y.S. Kim, I.K. Eoz et J.H. Park, "Economic Power Dispatch for Piecewise Quadratic Cost Function Using Neural Network", IEE International conference on Advances in Power System Control, Operation and Management, Hong Kong, Novembre 1991.
13. C.T. Su et G.J. Chiou, "Hopfield Neural Network Method for Economic Load Dispatch of Power System", Proceedings of the IASTED international Conference on Modeling and Simulation, Colombo, Sri Lanka, pp. 209-212, Juillet 1995.
14. G.G. Lendaris, K. Mathia, et R. Saeks, "Linear Hopfield Networks and Constrained Optimization", Accurate Automation Corp of Chattanooga, submitted for Government Review, Septembre 1994.
15. M. Rahli, "Contribution à l'étude de la répartition optimal des puissances actives dans un réseau d'énergie électrique", Thèse de Doctorat d'état-USTO, 1995.

Doctorat student Rachid BELHACHEM  
 Assist. Prof. Farid BENHAMIDA  
 Prof. Abdelber BENDAOU

IRECOM Laboratory  
 Department of Electrical Engineering  
 University of Djillali Liabes  
 22000, Sidi Bel Abbes, Algeria  
 Phone: 00213666598556,  
 E-mail: [belhachem.rachid@yahoo.fr](mailto:belhachem.rachid@yahoo.fr)

**Rachid BELHACHEM** was born in Tlemcen (Algeria), in 1981. He received his BS degree in Automatic from University, Tlemcen, Algeria, in 2005, the M.S. degree from UDL, SBA, Algeria, in 2011 in electrical engineering. His research interest is the economic dispatch, power system analysis and control.

Currently, he prepare the Doctorat degree from the same university.

Tel : 00213669026867

E-mail: [belhachem.rachid@yahoo.fr](mailto:belhachem.rachid@yahoo.fr)



**Farid BENHAMIDA** was born in Ghazaouet, Algeria, in 1976. He received the B.S. degree from Djilali Liabes University, Sidi Bel Abbes, Algeria, in 1999, the M.S. degree from University of technology, Bagdad, Iraq, in 2003, and the Ph.D. degree from Alexandria University, Alexandria, Egypt, in 2006, all in electrical engineering.

Presently, he is an Assistant Professor in the Electrical Engineering Department and a Research Scientist in the IRECOM laboratory (Laboratoire Interaction réseaux électriques Convertisseurs Machines). Field of interest: Power system analysis, Computer aided power system; unit commitment, economic dispatch.

Tel : 00213666598556

E-mail: [farid.benhamida@yahoo.fr](mailto:farid.benhamida@yahoo.fr)



**Abdelber BENDAOU** was born in Oujda, Morocco, in 1957. He received the Eng.degree in Electrical Engineering from University of Sciences and Technology, Oran Algeria, in 1982, the MS degree in 1999 and the Doctorate degree in 2004 from the Electrical Engineering Institute of Sidi Bel Abbes University, Algeria. Since 1994, he works as a Professor at Electrical Engineering Department, University of Sidi Bel Abbes, Algeria. He is a member in IRECOM Laboratory.

